

Edmund Wittbrodt  
Stefan Sawiak

# **MECHANIKA OGÓLNA**

## teoria i zadania

Gdańsk 2020

PRZEWODNICZĄCY KOMITETU REDAKCYJNEGO  
WYDAWNICTWA POLITECHNIKI GDANSKIEJ

*Dariusz Mikielewicz*

RECENZENT

*Jan Kruszewski-Majewski*

PROJEKT OKŁADKI

*Krzesztof Krzempek*

Wydanie VI – 2017

Wydano za zgodą  
Rektora Politechniki Gdańskiej

Oferta wydawnicza Politechniki Gdańskiej jest dostępna pod adresem  
<https://www.sklep.pg.edu.pl>

Utwór nie może być powielany i rozpowszechniany, w jakiejkolwiek formie  
i w jakikolwiek sposób, bez pisemnej zgody wydawcy

© Copyright by Wydawnictwo Politechniki Gdańskiej  
Gdańsk 2020

ISBN 978-83-7348-819-9

# SPIS TREŚCI

Wykaz symboli i oznaczeń .....	5
Wstęp .....	11
1. Wprowadzenie .....	13
1.1. Mechanika, jej rola i podział .....	13
1.2. Modelowanie .....	13
1.3. Rys historyczny mechaniki .....	16
1.4. Powtórka i uzupełnienie wiadomości z rachunku wektorowego .....	18
1.4.1. Wektor i skalar .....	18
1.4.2. Podział wektorów .....	18
1.4.3. Działania na wektorach .....	18
1.5. Prawa Newtona .....	28
1.6. Aksjomaty w mechanice .....	29
1.7. Równoważne układy sił .....	31
1.8. Stopnie swobody, więzy i ich reakcje .....	37
1.9. Siły wewnętrzne i zewnętrzne .....	44
1.10. Redukcja dowolnego układu sił do jednej siły i jednej pary sił .....	45
1.11. Przykłady zadań .....	49
2. Statyka .....	54
2.1. Cel statyki .....	54
2.2. Warunki równowagi układów sił .....	54
2.2.1. Przestrzenny dowolny układ sił .....	54
2.2.2. Szczególne przypadki układów sił .....	56
2.2.3. Zastępcze warunki równowagi .....	62
2.3. Układy statycznie wyznaczalne .....	64
2.4. Metody graficzne w mechanice .....	65
2.5. Siły oporu .....	69
2.5.1. Tarcie posuwiste .....	69
2.5.2. Tarcie cieśgien .....	71
2.5.3. Oporы toczenia .....	72
2.6. Środek ciężkości i środek masy .....	74
2.7. Kratownice .....	80
2.8. Przykłady zadań .....	86
3. Kinematyka .....	122
3.1. Kinematyka punktu .....	123
3.1.1. Opis ruchu za pomocą wektora wodzącego .....	124
3.1.2. Opis ruchu we współrzędnych prostokątnych .....	126
3.1.3. Opis ruchu we współrzędnych naturalnych .....	128
3.1.4. Opis ruchu we współrzędnych biegunkowych .....	132
3.2. Kinematyka bryły .....	134
3.2.1. Ruch postępowy .....	134
3.2.2. Ruch obrotowy .....	134
3.2.3. Ruch płaski .....	139
3.2.4. Ruch kulisty .....	148
3.2.5. Ruch dowolny .....	153
3.3. Kinematyka ruchu złożonego punktu .....	155
3.4. Przykłady zadań .....	158

4.	Dynamika .....	189
4.1.	Dynamika punktu materialnego .....	189
4.1.1.	Równanie różniczkowe ruchu .....	189
4.1.2.	Typy zagadnień w dynamiczce .....	193
4.1.3.	Zasady dynamiki punktu materialnego .....	194
4.1.4.	Potencjalne pole sił .....	199
4.2.	Dynamika układu punktów materialnych .....	202
4.2.1.	Równanie ruchu .....	204
4.2.2.	Twierdzenie o ruchu środka masy .....	205
4.2.3.	Krąg (moment pędu) układu punktów materialnych .....	207
4.2.4.	Energia kinetyczna układu punktów materialnych .....	208
4.3.	Geometria mas .....	211
4.3.1.	Masowe momenty bezwładności .....	211
4.3.2.	Masowe momenty bezwładności przy transformacji układu współrzędnych .....	213
4.3.3.	Główne i centralne masowe momenty bezwładności .....	215
4.4.	Dynamika bryły .....	218
4.4.1.	Ruch postępowy .....	218
4.4.2.	Ruch obrotowy .....	221
4.4.3.	Ruch płaski .....	224
4.4.4.	Ruch kulisty .....	227
4.4.5.	Ruch dowolny .....	230
4.5.	Przybliżona teoria żyroskopu .....	232
4.6.	Ruch układu o zmiennej masie .....	233
4.7.	Zderzenia .....	234
4.8.	Dynamika ruchu względnego punktu materialnego .....	237
4.9.	Wahadło Foucaulta .....	238
4.10.	Drgania układu o jednym stopniu swobody .....	242
4.11.	Drgania układu o wielu stopniach swobody .....	249
4.12.	Przykłady zadań .....	257
5.	Elementy mechaniki analitycznej .....	327
5.1.	Równania więzów. Podział więzów .....	327
5.2.	Przemieszczenie przygotowane. Praca przygotowana .....	331
5.3.	Zasada d'Alemberta .....	333
5.4.	Zasada Jourdaina .....	336
5.5.	Zasada prac przygotowanych .....	338
5.6.	Równania Lagrange'a I rodzaju .....	342
5.7.	Równania Lagrange'a II rodzaju .....	345
5.8.	Przykłady zadań .....	352
6.	Zadania do rozwiązywania .....	381
	Skorowidz .....	435
	Literatura .....	439